



TEST-GRILĂ
La disciplina: **MATEMATICĂ**

1. Ordinea crescătoare a numerelor $\ln e$, $\ln 2$, e , π , $\ln 1$ este: **5p**
- $\ln 1$, $\ln e$, $\ln 2$, e , π
 - $\ln 1$, $\ln e$, $\ln 2$, π , e
 - $\ln 1$, e , $\ln e$, π , $\ln 2$
 - $\ln 1$, $\ln 2$, $\ln e$, e , π
 - niciuna dintre variantele de răspuns de mai sus nu este corectă
2. Dacă $6x+5$, $2x+5$, $7-2x$ sunt primii trei termeni ai unei progresii geometrice de numere naturale atunci suma S_{100} a primilor 100 de termeni este: **10p**
- $S_{100} = 2^{101} - 2$
 - $S_{100} = 2^{100} - 2$
 - $S_{100} = 2^{102} - 2$
 - $S_{100} = 2^{102} + 2$
 - niciuna dintre variantele de răspuns de mai sus nu este corectă
3. Numărul numerelor naturale pare, de două cifre, cu cifra zecilor număr impar, formate cu elementele mulțimii $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ este: **5p**
- 14
 - C_7^3
 - A_7^3
 - A_7^4
 - niciuna dintre variantele de răspuns de mai sus nu este corectă
4. Fie ecuația $2^{\lceil \log_3(4x-x^2)+1 \rceil} \cdot 8^{\log_3(4x-x^2)} = 32$.
Dacă S este mulțimea soluțiilor reale ale ecuației date atunci: **10p**
- $S = \{1, 2, 3\}$
 - $S = \{1, 3\}$
 - $S = \{1, 2, 3, 4\}$
 - $S = \emptyset$
 - niciuna dintre variantele de răspuns de mai sus nu este corectă



5. Se consideră matricea

$$A(x) = \begin{pmatrix} 1 & x \\ -x & 1 \end{pmatrix} \in M_2(R).$$

Dacă $m_g = \det(A(x)A(y-1))$ și $m_a = \det(A(x)) + \det(A(y-1))$ atunci care dintre afirmații este adevărată: **10p**

- $4 \cdot m_g > (m_a)^2$ pentru orice numere reale x, y
- $4 \cdot m_g \leq (m_a)^2$ pentru orice numere reale x, y
- $m_g \leq 0$ pentru orice numere reale x, y
- există numere reale x, y astfel încât $m_g = m_a = 0$
- niciuna dintre variantele de răspuns de mai sus nu este corectă

6. Se consideră matricele

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} \in M_2(R) \text{ și } B = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \in M_2(R).$$

Matricea $X \in M_2(R)$ pentru care $X \cdot B = A^{-1} \cdot B$, unde A^{-1} este inversa lui A , este: **10p**

- $X = \begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- $X = \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- $X = \begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- $X = \begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

e. niciuna dintre variantele de răspuns de mai sus nu este corectă

7. Dacă $f : R \rightarrow R$ este definită prin

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 3x - 1,$$

atunci: **10p**

- funcția nu are puncte staționare/critice
- $x = 1$ este punct de maxim local
- $x = 1$ este punct de minim local
- funcția nu are puncte de extrem local
- niciuna dintre variantele de răspuns de mai sus nu este corectă

8. Dacă

$$L = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2 \cdot x \cdot e^{-(x-1)}}{2 + \ln x}$$

atunci: **10p**

- $L \in (0,1)$
- $L = \infty$
- $L = 0$
- $L \in [1,2)$
- niciuna dintre variantele de răspuns de mai sus nu este corectă



9. Dacă $f : [1, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$ este definită prin

$$f(x) = \frac{2 \cdot e^{-(x-1)}}{2 + \ln x}$$

atunci ecuația $f(x) = 1$ are:

- a. o unică soluție în intervalul $[1, \infty)$
- b. două soluții în intervalul $[1, \infty)$
- c. trei soluții în intervalul $[1, \infty)$
- d. $\exists x \in [1, \infty)$ care să fie soluție a ecuației
- e. niciuna dintre variantele de răspuns de mai sus nu este corectă

10p

10. Dacă

$$I_n = \int_1^e \frac{2 \cdot e^{-nx+1}}{2 + \ln(n \cdot x)} dx, n \in \mathbb{N}^*$$

atunci:

- a. $\{I_n\}_{n \in \mathbb{N}^*}$ este un șir monoton crescător
- b. $\{I_n\}_{n \in \mathbb{N}^*}$ este un șir monoton descrescător
- c. șirul $\{I_n\}_{n \in \mathbb{N}^*}$ nu admite niciun subșir convergent
- d. $\lim_{n \rightarrow \infty} I_n \neq 0$
- e. niciuna dintre variantele de răspuns de mai sus nu este corectă

10p

